

6.1 Quantisierung freier elektromagnetischer Felder

$$H = \hbar \nu \left(c^\dagger c + \frac{1}{2} \right), \quad c^\dagger \text{ Erzeug. Op.}$$

$$c^\dagger c |n\rangle = n |n\rangle \Leftrightarrow [c, c^\dagger] = 1, \quad n = 0, 1, 2, \dots$$

Operator des Vektorpotenzials

$$\hat{A}(\vec{r}, t) = \frac{1}{\sqrt{2}} \sqrt{\frac{\hbar}{2\pi\epsilon_0 V}} \vec{u} \left[\frac{1}{\sqrt{V}} \exp\{i\vec{q}\cdot\vec{v}\} c + \frac{1}{\sqrt{V}} \exp\{-i\vec{q}\cdot\vec{v}\} c^\dagger \right]$$

$$\text{mit zeitabhängigen } \dot{c} = -2\pi i \nu c, \quad \dot{c}^\dagger = i 2\pi \nu c^\dagger$$

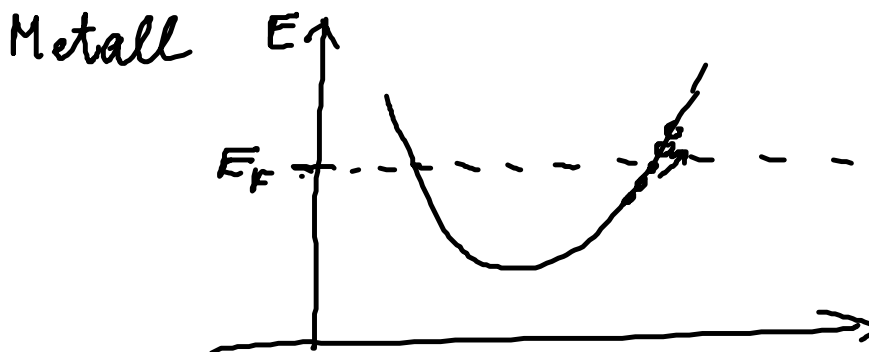
$$\Rightarrow \hat{E} = -\dot{\hat{A}} = \dots = \dots c + \dots c^\dagger$$

$$[c^\dagger c, c] = c^\dagger c c - c c^\dagger c = c^\dagger c c - c^\dagger c c - c = -c$$

$$[c^\dagger c, c^\dagger] = c^\dagger c c^\dagger - c^\dagger c^\dagger c = c^\dagger c^\dagger c + c^\dagger - c^\dagger c^\dagger c = c^\dagger$$

$$[\hat{H}, \hat{E}] \neq 0$$

1) Elektronische Intra-band Übergänge

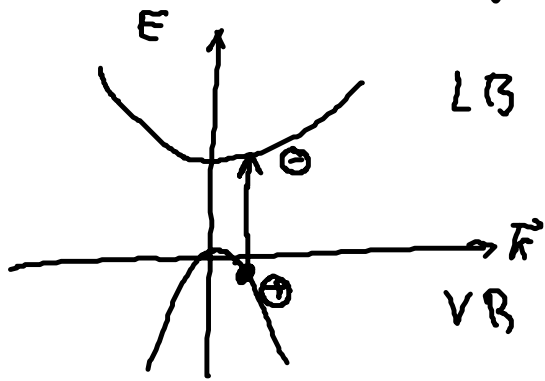


$$\frac{d}{dt} \hbar \vec{k} = e \vec{E}, \quad e = -e_0$$

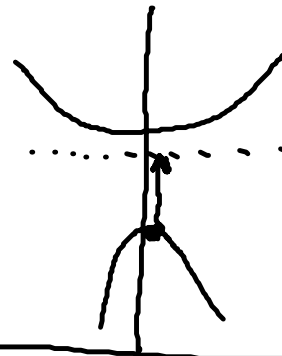
$$\hbar \vec{k}' = \hbar \vec{k} + e \vec{E} t$$

konstante Geschwindigkeit $\frac{\hbar k}{m^*}$ durch Streuprozesse
(elektrische Leitfähigkeit)

2) Interbandübergänge bei Halbleitern

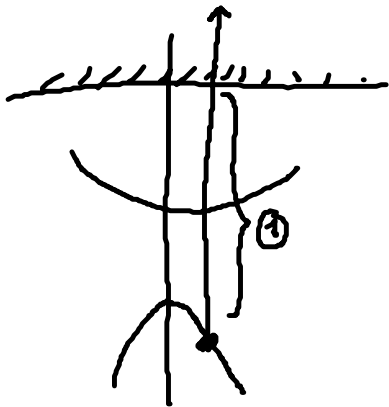


es gibt WW-Prozesse Exzitonen



— I Bindungsenergie des Exziton

3) Photoemission, Bsp. HL

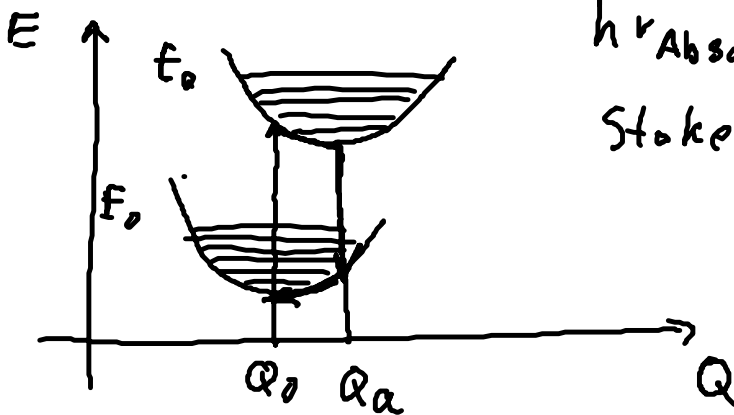


Nullpunkt der elektronischen Energie

Photonenergie besteht aus

- ① elektron. E_u .
- ② Austrittsarbeit
- ③ kinetische Energie im Vakuum

4) Konfigurationsänderung, z. B. Molekül



$h\nu_{\text{Absorption}} > h\nu_{\text{Emission}}$
Stokes-Shift