6. Zusammenfassung Kapitel I: Reativististe uge. Fel. Energie-Dispossion E== C2p2+moc4 -> 2 MöglichZeiten einer veletinistischen Wellengleichung Klein-Jordon-J. デーショナルが Ou 2 4 = 5-24 Welleyd. mit Mæsse
- Spri O Treilchen m. Lading - Spring Teilchen mit Coding
und 908 if ver Gresprie und positives Gresprie (2 Sprior!)

(24 Stelas) (4 Stelas)
- Quanterzahlen: p, (=±|E| - Quantertahlen
- revie Mose. Konitmuität - F, L, m, =± €
- revie Mose. Konitmuität - elassiche Kontinuität
- revie prenthedswahrschen; - rest möglich
lidzeitsdich k (this) - rest möglich
(Tetherhibt) $4(\vec{r}_1t)=24(\vec{p})e^{i(\vec{r}_1\cdot\vec{r}_1)}-\frac{E(\vec{r}_1\cdot\vec{r}_1)}{4}$ Vedor 7 = ... Codungations: $S_{L}(\hat{\tau}_{i}t) = e^{\frac{\epsilon t_{i}}{7m_{o}c^{2}}} (7^{*}\partial_{\epsilon}7^{i} - 7^{i}\partial_{\epsilon}7^{*}) \qquad \text{Spinoperator}$ $\hat{S} = \frac{t_{i}}{2} \begin{pmatrix} \hat{G}_{i} & 0 \\ 0 & \hat{G}_{i} \end{pmatrix}$

Anwerdung:
Bosonor, die Wa vermitteln
über & eine Hesse shalker
Mo > 0 => Phaton

Problemi Teildren-/phiteildren, eter drue 2lass. Kontinuität Awendurs.

Electron, Homtheoria

insbesondere

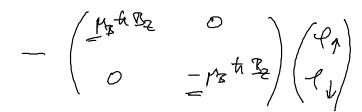
relativistischen konstrua

(3 wichige)

Wassostoffetom: E-En; $\vec{J} = Sessenterdningels$ $\vec{J} = \hat{S} + \hat{I} \hat{L}$

Disac-S. -> Disac-Sas

Blide gl. onthælter in allomedrigster Ordnung die Schrödwigogl. $\alpha = \frac{1}{1937} \rightarrow 0$ wichtig ist Pauli-gl. mit allow wichtgan tolatiust. Komethian



II: Quantisierry freier Wellenfelder

1. Mohvahion: Teildren-Welle-Dualismus

(a) übsterriden (formal)

— Denheitliche Tormulotup

€ 2 anachisierus

(5) lishes noch Rein Feld quantikert (2. B. Glezhon-Photon-Was)

- p neue auantenoffiche Sportane Emission, Lausshift

(c) nichtlassische Fldes lign. nichtlassisches Licht

(d) Empistenter Einson Rationshischer Effike (Paastrichung) [Spaker]

Maxwellpelder A, p; Thomoughod in Stridingsfeld 4 Tomalismus des Z. Quantissessur

Teilchen und Felder werden als Elareische unterschriedliche Objette nur En grantenmedramische Elementerangenng => damit ih zwanger eme Welteilchandheme gosben, weil man orale angeregte Modern und

viele duanten haben saun

- 2) Allgemeiner Vorgeha zur Quantiscerung von Wellenfeldern (zurächst nur für freie Folko) Kurzübersicht:
 - (a) Lagrangeformalismus f. Elassische Feldernduna. $1+(\tilde{r},t)$
 - (6) Dépuision des Impulses: The (+,+)
 - (c) Wessauf on operation : 4 (7, t), The (7, t)
 - (d) Einführung der Wittouschlungspelationen [4: (Fit), Thy (F', t)] = ...
- (e) Hamiltonoperator horlisten: H=
- (4) Bewegungel. horleiten für Folder und Impulse
- (g) Entwicklung nach Foldmoden 4 = 2 til ail

Da jett slassische Felder vie der Vederpotentiel it aber auch das Schrödungesfeld ((i,t) auer zusählichen OTV, spricht wan um zweiter Ornantischen Jelusmert au Ehrideigesfeld:

(a)
$$\mathcal{L}(\mathcal{A},\mathcal{A},\mathcal{A})$$

 $\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \mathcal{A}} - \mathcal{L} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \mathcal{A}} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \mathcal{A}_{1,x}} = 0$ $\left[x^{n} = (\mathcal{A}_{1}x_{1},x_{2},x_{3}) \right]$
 $\left[x^{n} = (\mathcal{A}_{1}x_{1},x_{2},x_{3}) \right]$
 $\left[x^{n} = (\mathcal{A}_{1}x_{1},x_{2},x_{3}) \right]$
 $\left[x^{n} = (\mathcal{A}_{1}x_{1},x_{2},x_{3}) \right]$

-- Schrödungerfli. 39.
$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \eta} = \frac{1}{2} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \eta} - \frac{1}{2} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \eta} - \frac{1}{2} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \eta} - \frac{1}{2} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \eta} + \frac{1}$$

(b) Jupuls
$$T_{q} = \frac{\partial \chi}{\partial \dot{\gamma}}$$

Dies ist notig, um analog zus Omantenmedanis das zu quantiseisende Pars Lanonischer Variablen (7,7) zu likken und leinzuführen

(c) Westery in Feldoperation

(Balentet nicht beliehige khickvertauschbardait)

"Diese Operatoren erzeufen Deu. verrichten eui Elezhon am Ort F und zuen Zeitpundt t

(d) Vertauchungstegelin

Man fordert für die lanjugvorten Fld - und Jumpuls variablen: [](F,+), [], (F,+)_+= k+5(F-F)

(analog zu [xi/s]= Ehsig) [A/B]+=AB+ BA

Es Sam (4) und (-) Anantiseitung auftrete: : Fesmionen (+), Bosonen (-)

Bestel: Schröderigsfeld 1 (F,t), 1 (F,t) In (F,t), 2 (F',t)] = 5 (F-F') Fermion (Sentechlijer Sprii) (heltrahlijer Sprii) 2 a Godha

(e) Hamiltonoperator

 $\mathcal{H} = \underbrace{\prod_{i} Y_{i} \prod_{i} - Z} \xrightarrow{\longrightarrow} \underbrace{H} = \underbrace{\int_{a}^{b} T_{i}} \mathcal{H}$ $\mathcal{H} = \underbrace{Y_{i} \underbrace{\prod_{i} - Z}}_{2} \underbrace{Y_{i} \underbrace{\prod_{i} - Y_{i}}}_{2} \underbrace{Y_{i} \underbrace{\prod_{i} - Y_{i} \cdot Y_{i}}}_{2} \underbrace{Y_{i} \cdot Y_{i} \cdot Y_{i}}_{2} \underbrace{Y_{i} \cdot Y_{i}}_{2} \underbrace{Y_{i} \cdot Y_{i} \cdot Y_{i}}_{2} \underbrace{Y_{i} \cdot Y_{i}}_{2} \underbrace{Y_{i} \cdot Y_{i} \cdot Y_{i}}_{2} \underbrace{Y_{i} \cdot Y_{i}}_{2$

 $H = \int d^3r \, \mathcal{J}\left(\Upsilon^{\dagger}, \Upsilon, t\right) =$ $= \int d^3r \, \Upsilon^{\dagger}(\vec{r}, t) \left[-\frac{tr^2}{2m} \Delta + \mathcal{U}(\vec{r}, t)\right] \, \Upsilon(\vec{r}, t)$ $= \int d^3r \, \Upsilon^{\dagger}(\vec{r}, t) \left[-\frac{tr^2}{2m} \Delta + \mathcal{U}(\vec{r}, t)\right] \, \Upsilon(\vec{r}, t)$

= Ropel Zweitquantisciscus

Ho = Ho (P,P) -> Ho = JSr 4 Fxt) Hor (P,t)

(f) Bewegungspleichungen d 4(7,6)= = [H, 4] + (Q(674)) in Analogie zuen Hamiltonformallomes der place. Medianit & += } 1,7+7 + 24 { L, B} = 2 (34 35 - 34 38) of 4(7,t) = ... ibengrangese it of y (f,t) = - 50 OI(f,t) + U(f,t) I(f,t) Of rund Zeiten beten analog Eur Schrödnigerge, auf. :== 4+ = 2 (F, S) at (H = 2, Ms (F) at (H) Entrickleup-Loeffizienter vollstændiges Frustiane,-System (g) Entwicklung nach Feldwoden Feldoperatora worden nach orlatainde jour System ¿ mg endaridat. Die Elemente des vollständigen Systems heifer Moder up, 2.8. e Zus = up p= {2, ms } Y (F,+)= Z an(+) un(F), I + (F,+)= Z g+(+) un(F)

$$\frac{L''(f,t)}{L''(f,t)} = \frac{E(f-f')}{L''(f,t)} = \frac{E(f-f')}{E(f,t)} = \frac{E($$

Theoretische Physik V: Quantenmechanik II, , Prof. Dr. Andreas Knorr, Zweite Quantisierung, Dr. Alexander Carmele, 15.11.2016. 8

it a = [4,9]