

7. Übungsblatt zur Theoretischen Physik III

Abgabe (nur in Zweier-Gruppen): Freitag 9.6.06 bis 12:00 Uhr in den Briefkasten im Physik-Altbau.

Aufgabe 1 (7 Punkte): Oszillator Gleichung

Ziel der Aufgabe ist die Ableitung einer Oszillatorgleichung für die makroskopische Dipoldichte. Betrachtet werden "klassische" Elektronen der Dichte n_0 im harmonischen Potential eines unbeweglichen Kerns.

- Stellen Sie die Bewegungsgleichung mit Dämpfung für die Auslenkung der Elektronen aus ihrer Ruhelage unter dem Einfluss der Lorentzkraft auf und begründen Sie diese. (Elektronen bewegen sich mit nichtrelativistischen Geschwindigkeiten.)
- Überführen Sie die Bewegungsgleichung der Auslenkung in eine Bewegungsgleichung der Dipolmomente.
- Führen Sie eine räumliche Mittelung durch, um eine Bewegungsgleichung für die makroskopische Dipoldichte zu erhalten. Lösen Sie diese DGL im Frequenzraum.

Aufgabe 2 (6 Punkte): Absorption von ebenen Wellen

Gegeben sei eine makroskopische Wellengleichung für verschwindende makroskopische Ladungen, Ströme und Magnetisierung:

$$\Delta \vec{E}(\vec{r}, t) - \frac{1}{c^2} \partial_t^2 \vec{E}(\vec{r}, t) = \mu_0 \partial_t^2 \vec{P}(\vec{r}, t).$$

Das elektrische Feld kann man als Fourierintegral $\vec{E}(\vec{r}, t) = \int d\omega \vec{E}(\vec{r}, \omega) e^{-i\omega t}$ schreiben. Überdies sei ein lineares, isotropes und homogenes Antwortverhalten der Polarisation gegeben:

$$\vec{P}(\vec{r}, \omega) = \varepsilon_0 \chi(\omega) \vec{E}(\vec{r}, \omega).$$

- Zeigen Sie, dass dann ebene Wellen der Form $\vec{E}_{\vec{k}}(\vec{r}, \omega) = \vec{E}_{\vec{k}}(\omega) e^{i\vec{k} \cdot \vec{r}}$ Lösungen der Wellengleichung sind, wenn die Dispersionsrelation $c^2 k^2 = \omega^2 n(\omega)^2$ (mit komplexwertigem Brechungsindex $n(\omega) := \tilde{n}(\omega) + i\kappa(\omega) = \sqrt{\epsilon(\omega)}$) erfüllt ist.
- Betrachten Sie die ebenen Wellen $E(z) = E_0 e^{ik_z z - i\omega t}$. Zeigen Sie, dass die Intensität $I(z) := c|E(z)|^2$ exponentiell ($I(z) = I_0 e^{-\alpha(\omega)z}$) mit dem Absorptionskoeffizient $\alpha(\omega) = \frac{2\omega}{c} \kappa(\omega)$ und damit $\alpha(\omega) = \frac{\omega}{c\tilde{n}(\omega)} \text{Im}\chi(\omega)$ abklingt.

Aufgabe 3 (7 Punkte): Retardierte Potentiale

Gegeben sei die infinitesimale Stromverteilung $\vec{j}(\vec{r}, t) = \omega \vec{p}_0 \cos(\omega t) \delta(\vec{r} - \vec{r}_0)$.

- Leiten Sie mit Hilfe der Kontinuitätsgleichung zunächst einen Ausdruck für die zeitliche Ableitung der Ladungsdichte $\dot{\rho}(\vec{r}, t)$ her, und dann daraus eine mögliche Ladungsdichte. Setzen Sie die auftretende ortsabhängige Integrationskonstante so, dass $\rho(\vec{r}, 0) = 0$ gilt.
- Berechnen Sie das retardierte Vektorpotential $\vec{A}(\vec{r}, t)$ der Stromdichte.
- Berechnen Sie das retardierte skalare Potential $\phi(\vec{r}, t)$ der Ladungsdichte.

-
- Kontakt, Inhalte, Übungsblätter etc.:** www.itp.physik.tu-berlin.de/lehre/TPIII
 - Scheinkriterien:** 50 % der Punkte aus den Übungszetteln, aktive Teilnahme an den Tutorien, mindestens 1 × vorrechnen im Tutorium und 50 % der Punkte der Klausur
 - Sprechstunde:** S. Butscher Mi, 12⁰⁰-13⁰⁰ PN 703, S. Heidenreich Do, 11³⁰-12³⁰ PN 702