Prof. Dr. Holger Stark, Arne Zantop, Josua Grawitter Isaac Tesfaye, Jonah Friederich, Lasse Ermoneit, Philip Knospe

8. Übungsblatt – Mathematische Methoden der Physik

Termine: S Abgabe bis Mittwoch, 12.06.2019, 18 Uhr im Briefkasten am ER-Eingang M Vorrechnen in den Tutorien 03.06. – 07.06.2019

Bei den schriftlichen Ausarbeitungen werden ausführliche Kommentare zum Vorgehen erwartet. Dafür gibt es auch Punkte. Bitte die Matrikelnummern auf dem Aufgabenzettel angeben. Die Abgabe soll in Dreiergruppen erfolgen.

M Aufgabe 26 (2 Punkte): Bahnkurve (mündlich)

Berechnen Sie für die Bahnkurve

$$\underline{r}(t) = e^{-\sin(t)} \underline{e}_x + \tan(t) \underline{e}_y + \ln(1+t^2) \underline{e}_z$$

die Ausdrücke (a) $\underline{\dot{r}}(t)$ und $|\underline{\dot{r}}(t)|$, sowie (b) $|\underline{r}(t)|$ und $\underline{\ddot{r}}(t)$ jeweils für die Zeit t=0.

M Aufgabe 27 (2 Punkte): Skalarfelder, Zylinder-, Kugelkoordinaten (mündlich) Stellen Sie folgende vier Skalarfelder $\phi_i:\mathbb{R}^3\longrightarrow\mathbb{R}$ jeweils als Funktionen der Zylinderkoordinaten (ρ,φ,z) und der Kugelkoordinaten (r,ϑ,φ) dar und kommentieren Sie jeweils beide Darstellungen.

(a)
$$\phi_1(x, y, z) = -\frac{\gamma}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}}, \qquad \phi_2(x, y, z) = -\gamma \ln\left(\sqrt{x^2 + y^2}\right),$$

(b)
$$\phi_3(x, y, z) = x$$
, $\phi_4(x, y, z) = \sqrt{\left(\frac{x}{a}\right)^2 + \left(\frac{y}{a}\right)^2 + \left(\frac{z}{b}\right)^2}$

Hinweis: Skalarfelder beschreiben in der Physik ortsabhängige Größen, wie Temperatur, Druck, oder Energiepotentiale.

S Aufgabe 28 (20 Punkte): Bahnkurve im Schwimmbad (schriftlich) (2+4+2+6+6 Punkte) Tabea sieht im Schwimmbad eine Rutsche in der Form einer Schraubenlinie. Als angehendende Physikerin überlegt sie sich vor der Rutschpartie Folgendes:

"Wenn ich, idealisiert als Massenpunkt der Masse m, mit der Kreisfrequenz ω auf dieser Schraubenlinie mit dem Radius R um die z-Achse herumrutsche, bedeutet dies, dass die Projektion der Bahnkurve auf die x,y-Ebene eine Kreisbahn mit dem Radius R ist. Falls meine Geschwindigkeit in z-Richtung den Betrag v_z hat und ich zum Zeitpunkt t=0 den Punkt $\underline{P}=(R,0,0)$ passiere kann ich mir meine Bahn im Vorhinein überlegen."

Helfen Sie Tabea:

- (a) Geben Sie die Bahnkurve $\underline{r}(t)$ für diese Bewegung an.
- (b) Bestimmen Sie die Geschwindigkeit $\underline{v}(t)$ und die Beschleunigung $\underline{a}(t)$ von Tabea und geben Sie die Komponenten beider Größen bezüglich einer Basis aus Zylinderkoordinaten (ρ, φ, z) an. Zur Kontrolle: $\underline{a}(t=0) = -\omega^2 R \, \underline{e}_x$.
- (c) Wann hat Tabea die maximale Geschwindigkeit in x-Richtung?

Bitte Rückseite beachten!→

- 8. Übung MMP SoSe19
 - (d) Berechnen Sie die bis zur Zeit t zurückgelegte Weglänge

$$s(t) = \int_{0}^{t} \left| \frac{\mathrm{d}\underline{r}(t')}{\mathrm{d}t'} \right| \, \mathrm{d}t'.$$

Drücken Sie die Bahnkurve \underline{r} als Funktion von s aus, durch die Substitution $\underline{r}(s) = \underline{r}(t(s))$. Wie lang ist der zurückgelegte Weg nach einem vollen Umlauf auf der Schraubenlinie?

(e) Berechnen Sie die Tangenten-, Normalen- und Binormalen-Einheitsvektoren $\hat{\underline{t}}$, $\hat{\underline{n}}$ und $\hat{\underline{b}}$, die das *begleitende Dreibein* bilden. *Hinweis:* Die Tangenten-, Normalen- und Binormalen- Einheitsvektoren sind wie folgt definiert:

$$\underline{\hat{t}}(s) = \frac{\mathrm{d}\underline{r}(s)}{\mathrm{d}s}, \qquad \underline{\hat{n}}(s) = \frac{\mathrm{d}\underline{\hat{t}}(s)}{\mathrm{d}s} / \left| \frac{\mathrm{d}\underline{\hat{t}}(s)}{\mathrm{d}s} \right|, \qquad \underline{\hat{b}}(s) = \underline{\hat{t}}(s) \times \underline{\hat{n}}(s)$$

Sprechzeiten: Prof. Dr. Holger Stark Fr 11:30 - 12:30 Uhr EW 709 Jonah Friederich 13:00 - 14:00 Uhr EW 060 Мо Arne Zantop Мо 16:00 - 17:00 Uhr EW 701 Josua Grawitter Мо 16:00 – 17:00 Uhr EW 701 Isaac Tesfaye 15:00 - 16:00 Uhr EW 060 Philip Knospe Dο 15:00 - 16:00 Uhr EW 060 Fr Lasse Ermoneit 15:00 – 16:00 Uhr EW 060

Vorlesung: • Donnerstag 8:15 Uhr – 9:45 Uhr in EW 201

Webseite:

• Details zur Vorlesung, Vorlesungsmitschrift und aktuelle

Informationen sowie Sprechzeiten auf der Webseite unter

https://www.tu-berlin.de/?203636

Klausurkriterien:

• Anmeldung bis 28.06.2019 unter https://tuport.sap.tu-berlin.de/ (Anleitung unter http:

//pilot.sap.tu-berlin.de/#Materialien)

• mindestens 50 % der schriftlichen Übungspunkte S

• mindestens 50 % der mündlichen Übungspunkte M

Klausur: • Freitag, den 05.07.2019, von 08:00 – 10:00 Uhr in H 1005

Nachklausur: • Freitag, den 12.07.2019, von 08:00 – 10:00 Uhr in EB 301

Teilnahme nur durch Qualifikation in der Klausur oder

 Duiffungenungsichtigkeit aus Klausuntermin

Prüfungsunfähigkeit am Klausurtermin

Scheinkriterium: • bestandene Klausur

Bemerkung: Die Übungsaufgaben werden nur als dokumentenechte, handschriftliche, gut lesbare Originale akzeptiert. Wir akzeptieren weder Kopien noch elektronische Abgaben. Aufgaben bitte in Gruppen von drei Personen einreichen.