Technische Universität Berlin – Institut für Theoretische Physik

Prof. Dr. Andreas Knorr Dr. Marten Richter, Dr. Malte Selig, Maximilian Seyrich Robert Salzwedel, Philipp Stammer

## 2. Übungsblatt – Theoretische Physik II: Quantenmechanik

### Abgabe: Di.(!!) 30. April 2019 vor der Vorlesung im Hörsaal EW 202

Bei der Bepunktung wird Wert gelegt auf ausführliche Zwischenschritte und Kommentare zur Lösungsstrategie. Die Abgabe erfolgt in Dreiergruppen. Bitte geben Sie Ihre Namen, Matrikelnummern und das Tutorium an! Elektronische, gedruckte oder kopierte Abgaben (Ausnahme Numerikaufgaben) sind nicht zugelassen.

### Aufgabe 1 (10 Punkte): Der unendlich tiefe, eindimensionale Potentialtopf

Gegeben sei ein eindimensionaler Potentialtopf mit unendlich hohen Wänden bei x = 0 und x = L. Die Eigenwerte und Eigenfunktionen für ein Teilchen der Masse m, welches sich in dem Potentialtopf befindet, sind (Vorlesung):

$$E_n = \frac{\hbar^2}{2m} \left(\frac{\pi}{L}\right)^2 n^2$$

und

$$\Psi_n(x) = \begin{cases} \sqrt{\frac{2}{L}} \sin(\frac{n\pi x}{L}) & \text{für } 0 \le x \le L \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}.$$

- (a) Verifizieren Sie die oben angegebenen Eigenfunktionen!
- (b) Berechnen Sie die Integrale  $\int_{-\infty}^{\infty} dx \Psi_1(x) \Psi_1(x)$ ,  $\int_{-\infty}^{\infty} dx \Psi_2(x) \Psi_2(x)$  und  $\int_{-\infty}^{\infty} dx \Psi_1(x) \Psi_2(x)$ .
- (c) Zum Zeitpunkt t=0 sei der Zustand eines Teilchens durch folgende Wellenfunktion beschrieben:

i) 
$$\Psi(x,0) = \alpha \Psi_1(x)$$

ii) 
$$\Psi(x,0) = \beta(\Psi_1(x) + \Psi_2(x))$$

iii) 
$$\Psi(x,0) = \gamma \Psi_1(x) + \delta \Psi_2(x)$$

Wodurch sind  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  und  $\delta$  bestimmt? Welche Werte sind möglich, wo besteht die Möglichkeit einer freien Wahl? Berechnen Sie jeweils die zeitabhängigen Erwartungswerte des Ortes und des Impulses. Machen Sie sich den Zeitverlauf der Wahrscheinlichkeitsdichten  $|\Psi(x,t)|^2$  durch einen Plot zu i), ii), iii) für verschiedene Zeiten und, wenn möglich, für verschiedene Parameter klar.

#### **Aufgabe 2 (3 Punkte):** Randbedingungen

Zeige, daß für eine unendlich hohe Potentialstufe (obige Aufgabe bei x=0 und x=L) die Wellenfunktion  $\Psi(x,t)$  (nur) stetig ist und ihre Ortsableitung eine Sprungstelle aufweist. Warum muß die Wellenfunktion an diesen beiden Stellen verschwinden?

# Aufgabe 3 (Zum Nachdenken und Literatursuche, ohne Punkte): $Zur\ Interpretation\ der\ Quantenmechanik$

In welchem Sinne besitzt die Qunatenmechanik sowohl deterministische als auch indeterministische Züge? Was versteht man unter dem Begriff "Welle-Teilchen-Dualismums"? Wie läßt sich dieser Begriff im Rahmen der Quantenmechanik verstehen?