Phasenraumdynamik des Harmonischen Oszillators

Bitte bei den Lösungen die Befehle mit ausdrucken, so dass wir sehen können, was ihr gemacht habt!

Contour-Plot

Benutze den Befehl:

ContourPlot[]

Hamiltonsches Vektorfeld

```
Needs["VectorFieldPlots`"]
VectorFieldPlot[]
```

Phasenportrait

Erstellung einer Funktion f(x, p), welche die numerische Lösung unserer Differentialgleichung besitzt. Die Berechnung soll im Parameterbereich (Zeit t) bis T gehen. Werte nicht vergessen einzusetzen!

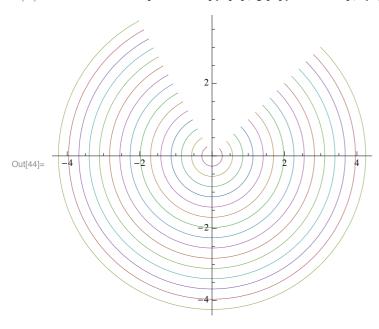
```
\begin{split} & \text{In}[40] \!\!:= \, \textbf{T} = \textbf{5} \,; \; \omega \, = \, \textbf{1} \,; \; m \, = \, \textbf{1} \,; \\ & \quad \textbf{f} \, [\, \textbf{x} \, \textbf{0}_-, \, \, \textbf{p} \, \textbf{0}_-] \, : = \, \\ & \quad \textbf{NDSolve} \Big[ \Big\{ \textbf{x} \,' \, [\, \textbf{t}] \, = \, \frac{\textbf{p} \, [\, \textbf{t}]}{\textbf{m}} \,, \, \, \textbf{p} \,' \, [\, \textbf{t}] \, = \, - \omega \, \textbf{x} \, [\, \textbf{t}] \,, \, \, \textbf{p} \, [\, \textbf{0}] \, = \, \textbf{p} \, \textbf{0} \,, \, \, \textbf{x} \, [\, \textbf{0}] \, = \, \textbf{x} \, \textbf{0} \Big\} \,, \; \{ \textbf{x} \,, \, \, \textbf{p} \} \,, \; \{ \textbf{t} \,, \, \, \textbf{0} \,, \, \, \textbf{T} \} \, \Big] \end{split}
```

Um nicht nur eine Lösungskurve zu Plotten, erstellt man eine Liste mit verschiedenen Anfangswerten a

```
start = Table[f[a, a], {a, 0, 3, 0.2}];
```

Darstellung von x(t) gegen p(t), welche durch die Funktion f(x, p) erstellt wurde. Dies nach dem Parameter t (im zuvor berechneten Bereich).

 $_{\text{ln[44]:=}} \ \textbf{ParametricPlot[Evaluate[\{x[t],\,p[t]\} /.\,start],\,\{t,\,0,\,T\}]}$



Separatrix

Show[Plot1, Plot2]