Prof. Dr. Kathy Lüdge

Alexander Kraft, Leonhard Schülen, Thomas Martynec, Jonah Friederich, Isaac Tesfaye

## 12. Übungsblatt - Theoretische Physik III: Elektrodynamik

Abgabe: Mi. 29.01.2020 bis 12:00 Uhr, Briefkasten ER-Gebäude

Aufgabe 32 (10 Punkte): Maxwell-Gleichungen in Vierer-Schreibweise Rechnen Sie nach, dass die Vierer-Schreibweise der Maxwell-Gleichungen

$$\partial_{\alpha}F^{\alpha\beta} = \mu_{0}j^{\beta} \tag{1}$$

$$\varepsilon^{\alpha\beta\gamma\delta}\partial_{\beta}F_{\gamma\delta} = 0 \tag{2}$$

$$F^{\alpha\beta} = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{E_{x}}{c} & -\frac{E_{y}}{c} & -\frac{E_{z}}{c} \\ \frac{E_{x}}{c} & 0 & -B_{z} & B_{y} \\ \frac{E_{y}}{c} & B_{z} & 0 & -B_{x} \\ \frac{E_{z}}{c} & -B_{y} & B_{x} & 0 \end{bmatrix}$$

mit dem Feldstärketensor  $F^{\alpha\beta}$ , der Viererstromdichte  $j^{\alpha}$  und dem Epsilon-Tensor  $\varepsilon^{\alpha\beta\gamma\delta}$ 

- (a) für Gleichung (1) den inhomogenen Maxwellgleichungen für E und B entspricht.
- (b) für Gleichung (2) den homogenen Maxwellgleichungen für E und B entspricht.

## Aufgabe 33 (10 Punkte): Lagrangeformalismus für Felder

Leiten Sie ausgehend von der Lagrangedichte

$$\mathcal{L} = -\frac{1}{4\mu_0} F^{\alpha\beta} F_{\alpha\beta} - A_{\alpha} j^{\alpha}$$

die inhomogenen Maxwellgleichungen her. Verwenden Sie dazu die Euler-Lagrange-Gleichungen für Felder  $A^{\alpha}$ :

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial A^{\beta}} = \frac{\partial}{\partial x_{\alpha}} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial (\partial^{\alpha} A^{\beta})}$$

Hinweis: Der Feldstärke-Tensor ist definiert über  $F^{\alpha\beta} = \partial^{\alpha}A^{\beta} - \partial^{\beta}A^{\alpha}$ .

## 12. Übung TPIII WS 19/20

## Scheinkriterien:

- Mindestens 50% der Übungspunkte (Abgabe in 3er Gruppen).

  Ab dem zweiten Übungsblatt werden Zweierabgaben nicht mehr akzeptiert. Einzelabgaben werden generell nicht akzeptiert. Zur Vermittlung benutzt bitte die eingerichtete Gruppenbörse am EW 060.
- Regelmäßige, aktive Teilnahme an den Tutorien.
- Bestandene Klausur.

Sprechstunden		
Prof. Dr. Kathy Lüdge	Fr, 10:15-11:15	EW 741
Alexander Kraft	Mi, 15:00-16:00	EW 269
Leonhard Schülen	Do, 10:00-11:00	ER 242
Thomas Martynec	Mo, 14:00-15:00	EW 279
Jonah Friederich	Di, 10:00-11:00	EW 060
Isaac Tesfaye	Do, 15:00-16:00	EW 060